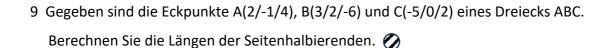
Aufgaben zum Skalarprodukt

- 1.0 Gegeben ist der Vektor $\vec{a} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix}$.
- 1.1 Berechnen Sie $\overset{\neg 0}{a}$ und $\overset{\neg 0}{-a}$.
- 1.2 Berechnen Sie denjenigen Vektor der Länge 5 LE, der dieselbe Orientierung hat wie der Gegenvektor von a. •
- 2 Die Strecke AB mit A(6/2) und B(b₁/-2) hat die Länge 5 LE. Berechnen Sie b₁ (2 Lösungen !!).
- 3 Ermitteln Sie, welche Punkte der x₁-Achse vom Punkt A(2/3) die Entfernung 5 LE haben.
- 4 Ermitteln Sie, welche Achsenpunkte von A(-2/5) und B(-4/-1) gleichen Abstand haben.
- 5 Bestimmen Sie den Umfang des Dreiecks ABC mit A(4/-2/7), B(1/-2/3) und C(3/2/-1). \bigcirc
- 6.0 Berechnen Sie die Innenwinkel des Dreiecks ABC.
- 6.1 A(-3/5), B(4/6), C(1/1)
- 6.2 A(-3/0/1), B(7/-1/-1), C(2/1/-3)
- 7 Gegeben sind die Vektoren $\vec{a} = \begin{pmatrix} 12 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ und $\vec{b} = \begin{pmatrix} -4 \\ 5 \\ 7 \end{pmatrix}$.

Prüfen Sie, ob diese beiden Vektoren senkrecht aufeinander stehen.

8 Ermitteln Sie, an welcher Ecke das Dreieck ABC mit A(5/0), B(-2/4), C(1/-2) rechtwinklig ist.

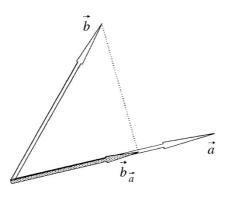


10 Gegeben sind die vier Punkte A(5/-1/0), B(10/-2/3), C(12/-4/-1) und D(7/-3/-4). Untersuchen Sie, ob das Viereck ABCD ein Rechteck ist.

11.0 Durch die Punkte A(1/0/0), B(1/1/0) und C(1/1/1) ist ein Parallelogramm festgelegt.

- 11.1 Berechnen Sie den vierten Eckpunkt D.
- 11.2 Berechnen Sie die Längen der Seiten.
- 11.3 Berechnen Sie die Koordinaten des Diagonalenschnittpunkts.
- 11.4 Berechnen Sie die Länge der Diagonalen.
- 12 Gegeben sind die Vektoren $\vec{a} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \text{ und } \vec{b} = \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$.

Berechnen Sie die orthogonale Projektion bavon bauf a.



- 13 Bestimmen Sie $k \in \mathbb{R}$ so, dass der zugehörige Punkt $C_k(k/-k/-2-k)$ von den Punkten A(1/0/-2) und B(-1/2/2) gleich weit entfernt ist. (Abitur 2010 BII)
- 14.0 Berechnen Sie die Skalarprodukte der Vektoren aundb und den eingeschlossenen Winkel.

$$14.1 \vec{a} = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \qquad 14.2 \vec{a} = \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} -3 \\ 8 \\ 11 \end{pmatrix} \qquad 14.3 \vec{a} = \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

15.0 Überprüfen Sie, ob für $\vec{a} \neq 0$ und $\vec{b} \neq 0$ die folgenden Terme eine Zahl oder einen Vektor darstellen oder gar nicht definiert sind.

$$15.1 \stackrel{\overrightarrow{a}}{\underset{a \circ a}{=}} \qquad \qquad 15.2 \stackrel{\overrightarrow{a} \circ \overrightarrow{b}}{\underset{\overrightarrow{b} \circ \overrightarrow{b}}{=}} \qquad \qquad 15.3 \left(\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}\right)^2$$

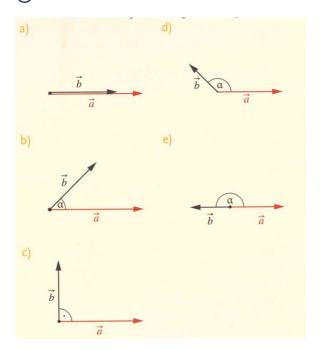
15.4
$$\frac{\overrightarrow{a} \circ \overrightarrow{a}}{\overrightarrow{a}}$$
 15.5 $\frac{(\overrightarrow{a} \circ \overrightarrow{a}) \cdot \overrightarrow{a}}{(\overrightarrow{a} \circ \overrightarrow{a}) \cdot (\overrightarrow{a} \circ \overrightarrow{a})}$

16.0 Verkürzen oder verlängern Sie den Vektor $\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix}$, so dass sein Betrag den

angegebenen Wert annimmt und geben Sie die jeweiligen Vektoren an.

16.1 1 16.2 2 16.3 1,5

17 Entscheiden Sie begründet, ob das Skalarprodukt der Vektoren a und b positiv, negativ oder gleich null ist.



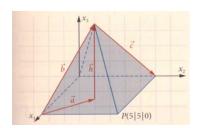
18 Berechnen Sie die potenzielle Energie, die der Wagen einer Achterbahn zusätzlich erhält, wenn er mit der Kraft $\vec{F} = \begin{pmatrix} 80 \\ 230 \end{pmatrix}$ entlang der Strecke $\vec{s} = \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \end{pmatrix}$ angehoben wird.

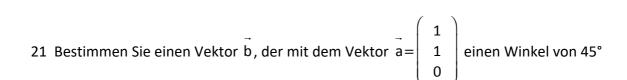
Hinweis: Die Zunahme der potenziellen Energie ist gleich der verrichteten Hubarbeit.

- 19 Ein Körper wird mit einer Kraft von 48 N um 2 m verschoben. Die Kraftrichtung schließt mit dem zurückgelegten Weg einen Winkel von 32° ein.

 Berechnen Sie die verrichtete Arbeit. ■
- 20 Dargestellt ist eine regelmäßige Pyramide. Sie ist 5 LE hoch.

 Berechnen Sie das Winkelmaß aller Winkel, die von den Kanten der Pyramide eingeschlossen werden sowie den Neigungswinkel der Seitenfläche gegenüber der Grundfläche.





einschließt.

Hinweis: Es gibt mehrere Lösungen. 🕢



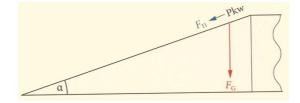
22 Jemand stellt über die Vektoren a, b, c und n des Vektorraumes \mathbb{R}^3 fest, dass a, b und c alle orthogonal zum Vektor n sind.

Zeigen Sie, dass dann die Vektoren a, b und c linear abhängig sein müssen.



23.0 An der höchsten Stelle einer gleichbleibend mit 9 % Gefälle ausgewiesenen Straße steht ein PKW. Seine Masse beträgt m = 850 kg. Er rollt bei ausgeschaltetem Motor im Leerlauf eine Strecke von s = 500 m bergab.

Führen Sie die folgenden Berechnungen unter Vernachlässigung der Reibung durch. Setzen Sie als Steigungswinkel den Näherungswert $\alpha = 5.14^{\circ}$ ein.



- 23.1 Berechnen Sie die Bewegungsenergie des PKW am Ende der Fahrt in kJ. Hinweis: Die Bewegungsenergie E entspricht der verrichteten Arbeit W. In die Gleichung für W ist nicht die volle Gewichtskraft des PKW, sondern nur der parallel des Hangs wirkende Anteil (Hangabtriebskraft) einzusetzen.
- 23.2 Bestimmen Sie, welche Geschwindigkeit der PKW am Ende seiner Fahrt erreicht hat.

24.0 Die untere Stückaufnahme eines Förderbandes liegt 1 m über dem Punkt Pu(7/12/4), der auf dem waagrechten Boden einer Fertigungshalle liegt (alle Angaben in m). Ausgehend von dieser Anordnung lässt sich die Anordnung und die Länge des Bandes

durch den Vektor
$$\vec{l} = \begin{pmatrix} 3 \\ 9 \\ 5 \end{pmatrix}$$
 beschreiben. Von den größten zu befördernden Teilen mit

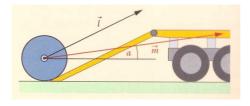
der Masse m = 23 kg können acht gleichzeitig befördert werden.



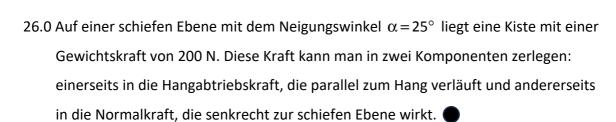
- 24.1 Fertigen Sie eine Skizze der Situation an.
- 24.2 Vergleichen Sie die notwendige maximale Hubarbeit mit der notwendigen Bandantriebsarbeit zur Überwindung der Hangabtriebskraft.
- 24.3 Berechnen Sie die vom Motor mindestens aufzubringende Arbeit bei einer Bandgeschwindigkeit von 8 m/min.
- 24.4 Bestimmen Sie die Koordinaten des oberen Werkstückübergabepunktes.
- 25.0 Eine Walze wird mit einer Zugmaschine über eine Rampe auf einen Anhänger gezogen.

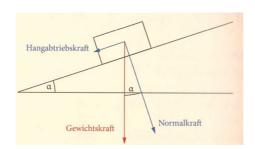
Der Vektor
$$\vec{l} = \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \end{pmatrix}$$
 beschreibt den Weg der Walze. Die mittlere Seilkraft \vec{m} beträgt

12 kN und wirkt unter einem Winkel α von 8°.



- 25.1 Berechnen Sie die Weglänge der Walze.
- 25.2 Berechnen Sie die verrichtete Arbeit W. 🕢

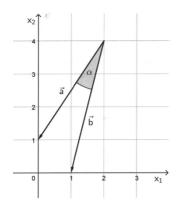




- 26.1 Berechnen Sie mithilfe der Vektorrechnung die Größe der Normalkraft und der Hangabtriebskraft.
- 26.2 Die Kiste kommt ins Rutschen, wenn die Hangabtriebskraft mehr als 0,23-mal so groß ist wie die Normalkraft.

Prüfen Sie, ob dies hier der Fall ist.

27.0 In einem kartesischen Koordinatensystem des \mathbb{R}^2 ist je ein Repräsentant der Vektoren a und b gegeben. (Abitur 2023 Teil 1)



27.1 Der Winkel α zwischen den beiden Vektoren a und b kann mit der Gleichung

 $cos(\alpha) = \frac{\overrightarrow{a \circ b}}{|\overrightarrow{a} \cdot |\overrightarrow{b}|}$ berechnet werden. In einer der drei nachfolgenden Gleichungen ist der

Term $\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|}$ richtig berechnet. Entscheiden Sie begründet, welche der untenstehenden

Gleichungen die richtige ist.

I)
$$\cos(\alpha) = \frac{12}{\sqrt{13} \cdot \sqrt{18}}$$
 II) $\cos(\alpha) = \frac{14}{\sqrt{13} \cdot \sqrt{17}}$ III) $\cos(\alpha) = \frac{14}{\sqrt{3} \cdot \sqrt{5}}$

- 27.2 Zeichnen Sie einen Repräsentanten des Vektors $\vec{c} = \vec{b} \vec{a}$ in das Koordinatensystem von 27.0 ein. \bigcirc
- 27.3 Zeigen Sie rechnerisch, dass die Vektoren aund b linear unabhängig sind.

Lösungen

1.1
$$\stackrel{\neg 0}{a} = \frac{1}{\sqrt{50}} \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix}; \quad \stackrel{\neg 0}{-a} = -\frac{1}{\sqrt{50}} \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix};$$

1.2
$$-5a^{-0} = -\frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix};$$

- $2 b_1 = 3$ und $b_1 = 9$
- 3 Ein Punkt der x_1 -Achse ist allgemein gegeben durch $B(b_1/0)$.

 Bestimme allgemein die Länge der Strecke \overline{AB} und bestimme dann b_1 so, dass die Streckenlänge 5 LE ergibt $\Rightarrow B_1(-2/0)$ und $B_2(6/0)$;
- 4 Punkte der x_1 -Achse: AC = BC mit $C(c_1/0) \Rightarrow C(3/0)$ Punkte der x_2 -Achse: AD = BD mit $D(0/d_2) \Rightarrow D(0/1)$
- 5 Berechne die Streckenlängen $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{CA} \Rightarrow U = 20 LE$

6.1
$$\alpha \approx 53,1^{\circ}, \beta \approx 50,9^{\circ}, \gamma \approx 76,0^{\circ}$$

6.2
$$\alpha \approx 30.9^{\circ}, \beta \approx 35.3^{\circ}, \gamma \approx 113.8^{\circ}$$

7 Nein, da das Skalarprodukt der beiden Vektoren –35 ergibt, also nicht Null.

8
$$\angle ACB = 90^{\circ}$$

9

 $\overrightarrow{m}_{c} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{m}_{b} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -3 \\ -1 \\ 6 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{m}_{a} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ -4 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AM}_{a} = \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ -6 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{BM}_{b} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -9 \\ -5 \\ 18 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{CM}_{c} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 15 \\ 1 \\ -6 \end{pmatrix}$ $|\overrightarrow{AM}_{a}| = 7, \quad |\overrightarrow{BM}_{b}| = \frac{1}{2} \sqrt{430}, \quad |\overrightarrow{CM}_{c}| = \frac{1}{2} \sqrt{262}$

10

$$\overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} 5 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix}, \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ -4 \end{pmatrix}, \overrightarrow{CD} = \begin{pmatrix} -5 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix}, \overrightarrow{DA} = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

Es gilt: $AB \cdot BC = BC \cdot CD = CD \cdot DA = DA \cdot AB = 0$

⇒ es liegt ein Rechteck vor

$$11.1 \vec{d} = \vec{a} + \vec{B}\vec{C} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \Rightarrow D(1/0/1)$$

$$11.2 |\vec{AB}| = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \sqrt{0^2 + 1^2 + 0^2} = 1 = |\vec{CD}|$$

$$|\vec{BC}| = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \sqrt{0^2 + 0^2 + 1^2} = 1 = |\vec{AD}|$$

$$11.3 \vec{s} = \frac{1}{2} \cdot (\vec{a} + \vec{c}) = \frac{1}{2} \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix} \Rightarrow S(1/\frac{1}{2}/\frac{1}{2})$$

$$11.4 \left| \overrightarrow{AC} \right| = \left| \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right| = \sqrt{0^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{2} = \left| \overrightarrow{BD} \right|$$

12

$$\left| \vec{b}_{a} \right| = \left| \vec{b} \right| \cdot \cos \phi$$

Winkel zwischen Vektoren a und b:

$$\cos \varphi = \frac{\begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}} = \frac{-7}{3 \cdot \sqrt{26}}$$

$$\Rightarrow |\vec{b}_{a}| = |\vec{b}| \cdot \frac{-7}{3 \cdot \sqrt{26}} = \sqrt{26} \cdot \frac{-7}{3 \cdot \sqrt{26}} = -\frac{7}{3}$$

$$\Rightarrow \vec{b}_{a} = -\frac{7}{3} \cdot \vec{a} = -\frac{7}{3} \cdot \vec{a} \cdot \frac{1}{3} \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} = -\frac{7}{9} \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$$

13

$$\begin{aligned} |\overrightarrow{AC_k}| = |\overrightarrow{BC_k}| & \Rightarrow \begin{vmatrix} k-1 \\ -k \\ -k \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} k+1 \\ -k-2 \\ -k-4 \end{vmatrix} \\ & \Rightarrow \sqrt{(k-1)^2 + (-k)^2 + (-k)^2} = \sqrt{(k+1)^2 + (-k-2)^2 + (-k-4)^2} \\ & \Rightarrow \sqrt{k^2 - 2k + 1 + k^2 + k^2} = \sqrt{k^2 + 2k + 1 + k^2 + 4k + 4 + k^2 + 8k + 16} \\ & \Rightarrow \sqrt{3k^2 - 2k + 1} = \sqrt{3k^2 + 14k + 21} & \Rightarrow 3k^2 - 2k + 1 = 3k^2 + 14k + 21 & \Rightarrow k = -\frac{5}{4} \end{aligned}$$

$$\vec{a} \circ \vec{b} = 8 + 0 - 2 = 6 \qquad |\vec{a}| = \sqrt{29} \quad |\vec{b}| = \sqrt{5}$$

$$\cos \alpha = \frac{6}{\sqrt{29} \cdot \sqrt{5}} \approx 0,4983 \quad \Rightarrow \alpha \approx 60,11^{\circ}$$

$$\vec{a} \circ \vec{b} = 0 + 32 + 33 = 65 \qquad |\vec{a}| = 5 \quad |\vec{b}| = \sqrt{194}$$

$$\cos \alpha = \frac{65}{5 \cdot \sqrt{194}} \approx 0,9333 \quad \Rightarrow \alpha \approx 21,04^{\circ}$$

14.3

$$\vec{a} \circ \vec{b} = -24 + 6 - 3 = -21 \qquad |\vec{a}| = 7 \quad |\vec{b}| = \sqrt{26}$$

$$\cos \alpha = \frac{21}{7 \cdot \sqrt{26}} \approx 0,5883 \quad \Rightarrow \alpha \approx 53,96^{\circ}$$

15.1 Vektor 15.2 Zahl 15.3 nicht definiert 15.4 nicht definiert 15.5 Vektor

$$16.1 |\vec{a}| = \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix} = 6 \implies \vec{a} = \frac{1}{6} \cdot \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{2}{3} \\ -\frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} \end{pmatrix} \qquad 16.2 \begin{pmatrix} \frac{4}{3} \\ -\frac{2}{3} \\ \frac{4}{3} \end{pmatrix} \qquad 16.3 \begin{pmatrix} 1 \\ -0.5 \\ 1 \end{pmatrix}$$

17a) positiv 17b) positiv 17c) null 17d) negativ 17e) negativ

18
$$E_{pot} = \vec{F} \circ \vec{s} = \begin{pmatrix} 80 \\ 230 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \end{pmatrix} = 1610$$

19 W =
$$|\vec{F}| \cdot |\vec{s}| \cdot \cos \alpha = 48 \cdot 2 \cdot \cos(32^\circ) = 81,41 \text{ Nm}$$

20

$$P\big(5/5/0\big) \quad Q\big(0/5/0\big) \quad R\big(0/0/0\big) \quad U\big(5/0/0\big) \quad S\big(2,5/2,5/5\big) \quad M\big(2,5/2,5/0\big)$$

Winkel zwischen einer Seitenkante und der Grundfläche:

$$\overrightarrow{RS} = \begin{pmatrix} 2,5 \\ 2,5 \\ 5 \end{pmatrix} \qquad \overrightarrow{RM} = \begin{pmatrix} 2,5 \\ 2,5 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\cos\alpha = \frac{12.5}{\sqrt{37.5} \cdot \sqrt{12.5}} \approx 0.5774 \implies \alpha \approx 54.74^{\circ}$$

Winkel zwischen einer Seitenfläche und der Grundfläche:

 M_1 ist der Mittelpunkt der Strecke $[RU] \Rightarrow M_1(2,5/0/0)$

$$\overrightarrow{M_1}\overrightarrow{S} = \begin{pmatrix} 0 \\ 2,5 \\ 5 \end{pmatrix} \qquad \overrightarrow{M_1}\overrightarrow{M} = \begin{pmatrix} 0 \\ 2,5 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\cos \alpha = \frac{6,25}{\sqrt{31.25 \cdot 2.5}} \approx 0,4472 \implies \alpha \approx 63,43^{\circ}$$

$$21 \cos(45^\circ) = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad \vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

22

Voraussetzung:
$$\vec{n} \circ \vec{a} = 0$$
 $\vec{n} \circ \vec{b} = 0$ $\vec{n} \circ \vec{c} = 0$ $mit \vec{n} \neq \vec{0}$

Annahme: a, b, c linear unabhängig

$$\Rightarrow \vec{n} = k_1 \cdot \vec{a} + k_2 \cdot \vec{b} + k_3 \cdot \vec{c} \text{ mit } k_1, k_2, k_3 \in \mathbb{R}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{n} \circ \overrightarrow{n} = \left(k_1 \cdot \overrightarrow{a} + k_2 \cdot \overrightarrow{b} + k_3 \cdot \overrightarrow{c} \right) \circ \overrightarrow{n} = k_1 \cdot \overrightarrow{a} \circ \overrightarrow{n} + k_2 \cdot \overrightarrow{b} \circ \overrightarrow{n} + k_3 \cdot \overrightarrow{c} \circ \overrightarrow{n} = 0$$

$$\Rightarrow |\vec{n}| = 0 \Rightarrow \vec{n} = \vec{0}$$
 Widerspruch zur Voraussetzung

23.1

$$|\vec{F}_{G}| = 850 \cdot 10 = 8500 \text{ N}$$

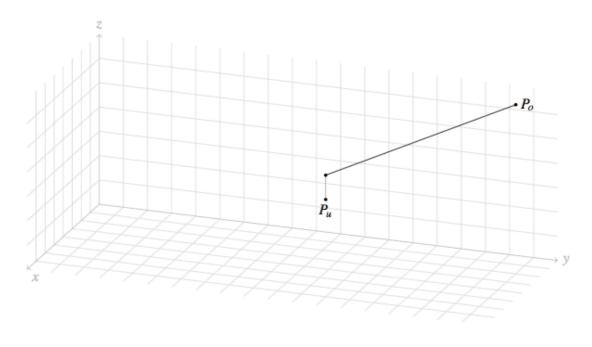
$$\sin \alpha = \frac{|\vec{F}_{H}|}{|\vec{F}_{G}|} \implies |\vec{F}_{H}| = |\vec{F}_{G}| \cdot \sin \alpha = 8500 \cdot \sin(5,14^{\circ}) = 761,51 \text{ N}$$

$$W = 761,51 \cdot 500 = 380755 \text{ Nm} = E_{\text{Bewegung}}$$

23.2

$$\begin{aligned} E_{\text{Bewegung}} &= \frac{1}{2} m v^2 \quad \Rightarrow v^2 = \frac{2 \cdot E_{\text{Bewegung}}}{m} = \frac{2 \cdot 380755}{850} \approx 895,89 \\ &\Rightarrow v \approx 29,93 \, \text{m/s} \approx 107 \, \text{km/h} \end{aligned}$$

24.1



24.2

Gewichtskraft: 23.9,81 = 225,63

Hangabtriebskraft: $225,63 \cdot \sin(27,8^\circ) = 105,23$ Hubarbeit: $225,63 \cdot 5 = 1128,15$ für einen Stein

Bandantriebsarbeit: $G \cdot s = 225,63 \cdot \sqrt{115} = 2419,61$ für einen Stein

24.3 Beschleunigungsarbeit: $0.5 \cdot 23 \cdot 8^2 = 736$ für einen Stein

24.4 Stückaufnahme im Punkt (7/12/5) und Stückübergabe im Punkt P_o (10/21/10)

25.1
$$| = \sqrt{20} \approx 4,47 \,\text{m}$$

25.2

$$W = 12000 \cdot 4,47 \cdot \cos \beta$$

Winkel zwischen Vektor I und der Horizontalen:

$$\tan \gamma = m = 0.5 \implies \gamma \approx 26.57^{\circ}$$

$$\Rightarrow \beta = 26,57^{\circ} - 8^{\circ} = 18,57^{\circ}$$

$$\Rightarrow$$
 W = 12000 · 4,47 · cos(18,57°) \approx 50847,25 Nm

26.1

$$\sin\alpha = \frac{\left|\overrightarrow{F_H}\right|}{\left|\overrightarrow{F_G}\right|} \implies \left|\overrightarrow{F_H}\right| = \left|\overrightarrow{F_G}\right| \cdot \sin\alpha = 200 \cdot \sin(25^\circ) = 84,52 \text{ N}$$

$$\cos\alpha = \frac{\left|\overrightarrow{F_N}\right|}{\left|\overrightarrow{F_G}\right|} \implies \left|\overrightarrow{F_N}\right| = \left|\overrightarrow{F_G}\right| \cdot \cos\alpha = 200 \cdot \cos(25^\circ) = 181,26 \text{ N}$$

26.2

$$|\vec{F}_{N}| \cdot 0,23 = 41,69 \text{ N}$$

⇒ Die Kiste kommt ins Rutschen.

27.1

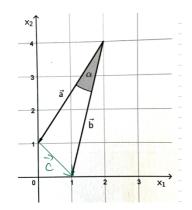
$$\vec{a} = \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix} \quad \vec{b} = \begin{pmatrix} -1 \\ -4 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} \circ \vec{b} = 2 + 12 = 14 \quad |\vec{a}| = \sqrt{4 + 9} = \sqrt{13}$$

$$\Rightarrow \text{ richtig ist II}$$



27.2



$$\begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix} = \lambda \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ -4 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow (I) -2 = -\lambda \Rightarrow \lambda = 2$$

$$(II) -3 = -4\lambda \Rightarrow \lambda = 0,75$$

$$\Rightarrow a \text{ und } b \text{ linear unabhängig}$$